

*Республиканский заочный конкурс мультимедиа
презентаций*

Понятие производной функции



*Авторы работы: Белоглазова О.С.
ГБПОУ РМ «Саранский строительный техникум»
преподаватели математики*

Содержание презентации

1. Эпиграф
2. Задачи, решаемые с помощью производной
3. Задача о скорости движения
4. Задача о касательной к графику функции
5. Обобщение полученных сведений
6. Определение производной
7. Стихотворение на запоминание
8. Список литературы
9. Справочные сведения



Эпиграф

Особенную важность имеют те
методы науки,
которые позволяют решать задачу,
общую для всей практической
деятельности человека...

П.Л.Чебышев



Задачи, решаемые с помощью производной

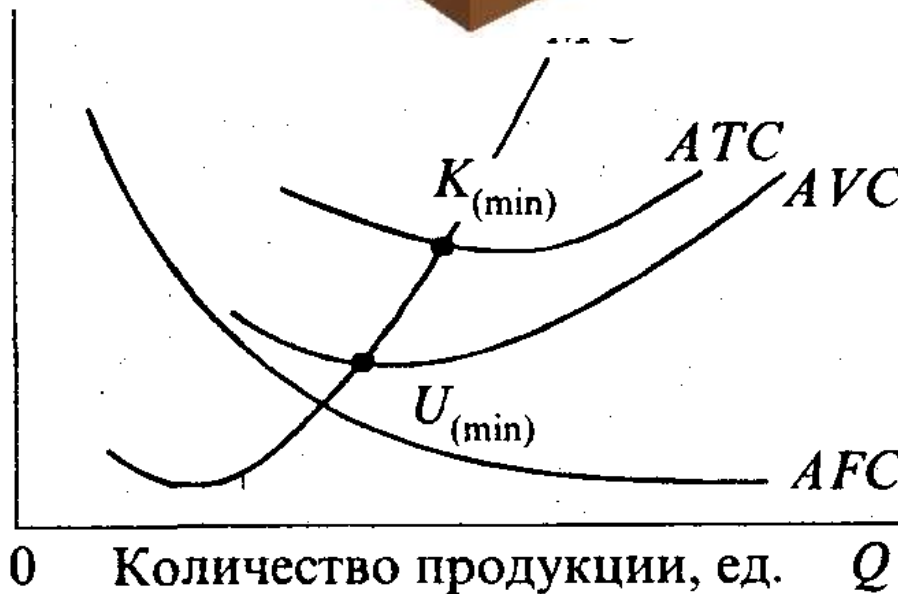
1
2
3
4



труда;
бъекта;
ва;

5.
6.

Средние
издержки, ден. ед.



еньшего значения
риалов,
дукции)
ские,



Задача о скорости движения:

На большой перемене после звонка студент группы ТС-1 несется в столовую по прямому коридору.

Движение студента неравномерно, так как его уже останавливал дежурный администратор и зам.директора по воспитательной работе Манюрова И.М.

Необходимо определить среднюю скорость студента в момент приближения к окну, если закон его движения описывается формулой $v=s(t)$.

Мгновенная скорость вычисляется при

$\Delta t \rightarrow 0$

ени t_0 и

обозначим изменение времени движения студента как Δt , тогда расстояние, которое голодный студент преодолеет за это время можно посчитать по формуле $\Delta s = s(t_0 + \Delta t) - s(t_0)$, а средняя скорость студента будет равна отношению

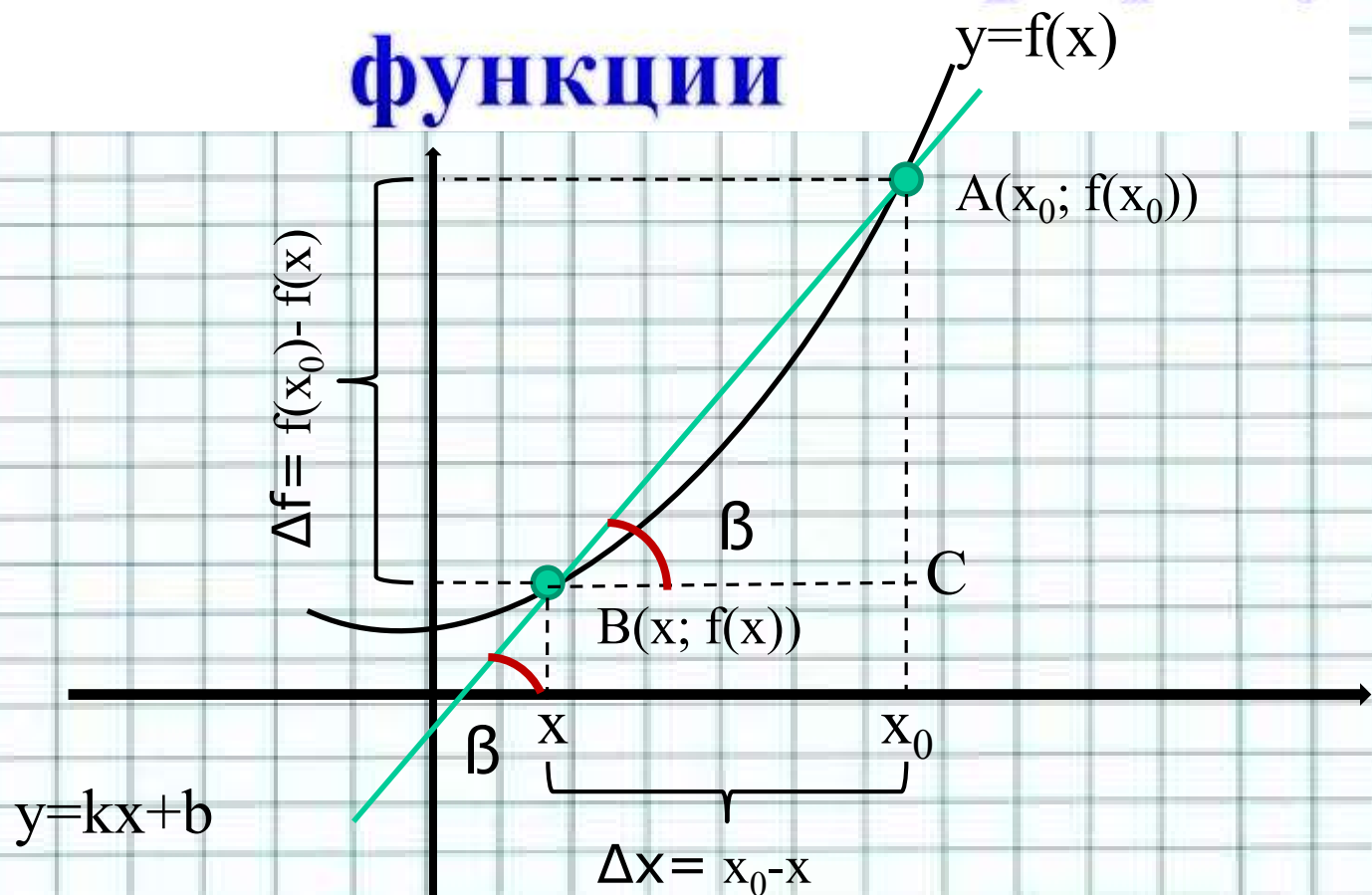
$$v_{\text{ср}} = \frac{\Delta S}{\Delta t}$$



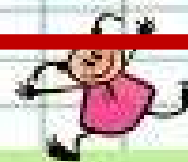
ΔS



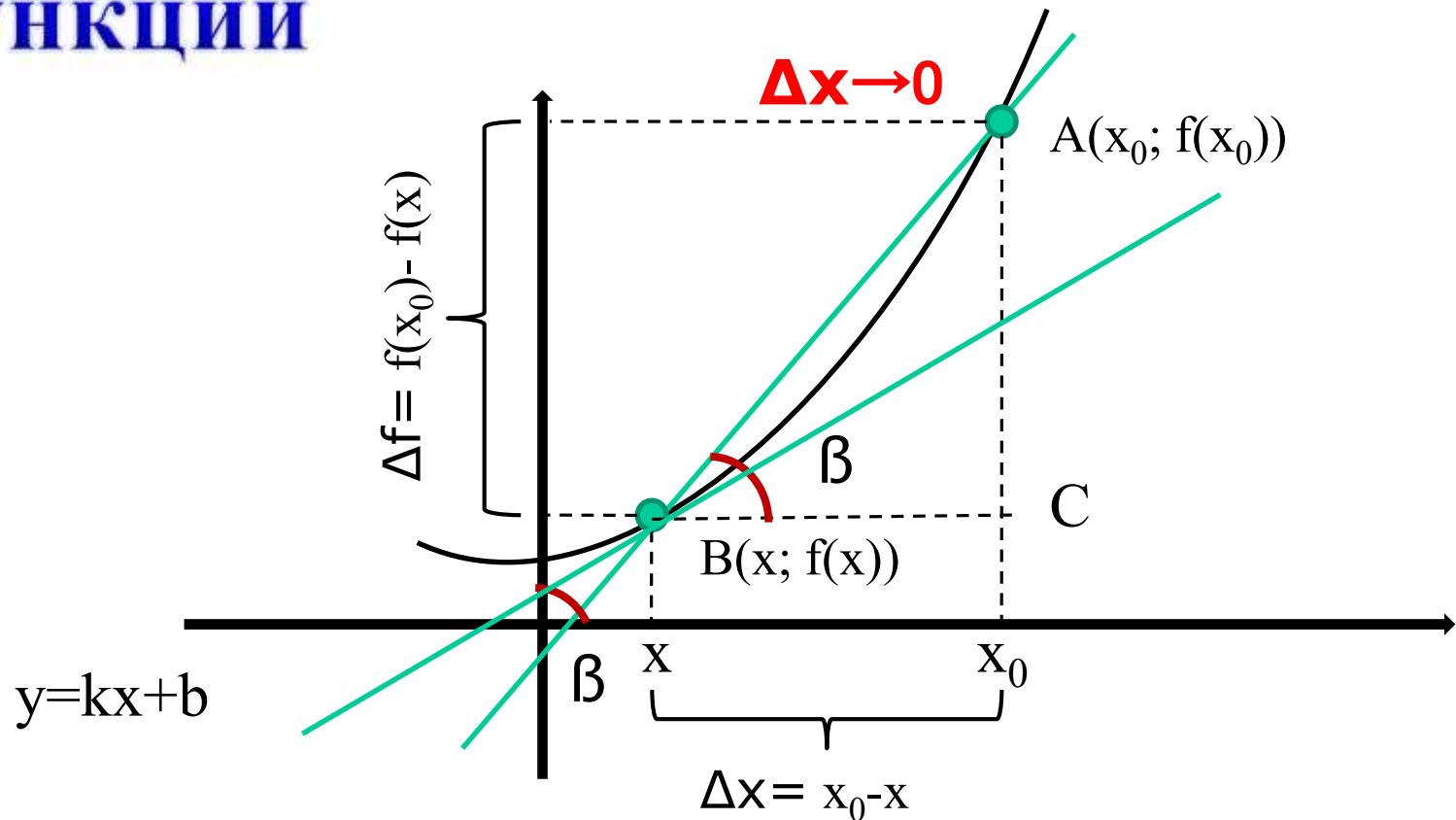
Задача о касательной к графику функции



$$\operatorname{tg} \beta = \frac{AC}{BC} = \frac{f(x) - f(x_0)}{x - x_0} = \frac{\Delta f}{\Delta x}$$



Задача о касательной к графику функции



Предельное положение секущей при $\Delta x \rightarrow 0$ – это касательная к графику функции $y=f(x)$ с угловым коэффициентом

$$k = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{AC}{BC} = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{\Delta f}{\Delta x}$$



Что объединяет эти две формулы?

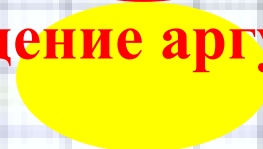
$$v_{мг} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta s}{\Delta t}$$

$$k = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{\Delta f}{\Delta x}$$

Приращение функции



Приращение аргумента



При стремлении
приращения функции
к нулю



Определение производной функции

Производной функции $y=f(x)$, заданной на интервале (a, b) , в точке x этого интервала называется предел отношения приращения функции к приращению аргумента, когда приращение аргумента стремится к нулю.



$$y' = f'(x) = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{\Delta f}{\Delta x}$$



В данной функции от x , нареченной $y=f(x)$,

$$y = f(x)$$

Вы фиксируете x , отмечая индексом.

$$x_0$$

Придаете вы ему тотчас приращение.

$$\Delta x = x - x_0$$

Стихотворение

Тем у фуе

на запоминание

$$f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)$$

Приращений тех теперь взявши отношение $\frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$

Пробуждаете к нулю Δx стремление

$$\Delta x \rightarrow 0$$

Предел такого отношения вычисляется

Он производною в науке называется

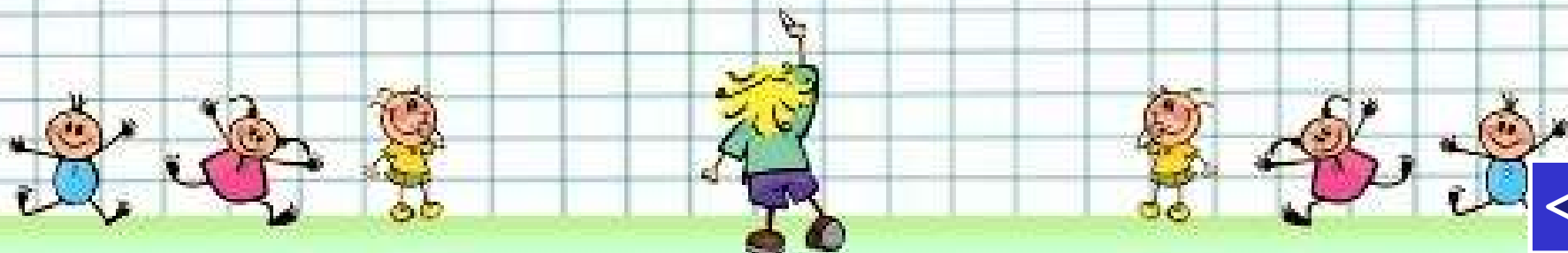
$$y' = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{\Delta y}{\Delta x}$$



Первая формула в таблицу производных:

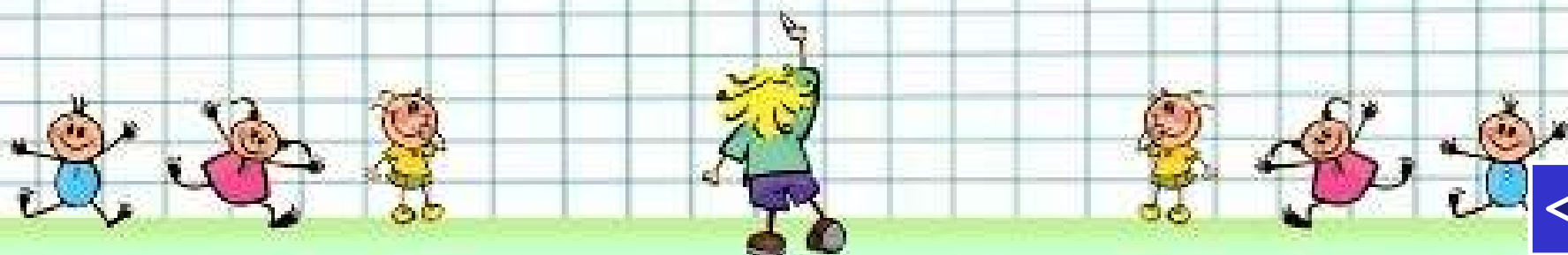
$$(kx + b)' = k$$

Решение задач из учебника: № 776-782 .



Домашнее задание:

Учебник Алимов Ш.А.: № 783 , стихотворение о производной учить.



СПРАВОЧНЫЕ СВЕДЕНИЯ

Пафнутий Львович

Чебышёв (1821-1894гг.)



Русский математик и механик, основоположник петербургской математической школы, академик Петербургской академии наук и ещё 24 академий мира.



Список использованных источников

1. Учебник. «Алгебра и начала математического анализа 10-11», Алимов Ш.А. и др;
2. Учебник «Алгебра и начала анализа 10-11», Колмогоров А.Н.
3. https://ru.wikipedia.org/wiki/Чебышёв,_Пафнутий_Львович

